



## Potencia de un Número Complejo

### Videos Recomendados

Cuadrado de un Número Complejo (Parte I)	<a href="https://youtu.be/1UkIf8Bg_QM">https://youtu.be/1UkIf8Bg_QM</a>
Cuadrado de un Número Complejo (Parte II)	<a href="https://youtu.be/V7SQJhQbQ5s">https://youtu.be/V7SQJhQbQ5s</a>

**Potencia:** La forma binómica de los números complejos, nos permite trabajar con ellos como si fuesen los binomios (de los que se estudiaron en años anteriores). Así que podríamos aplicar la fórmula del cuadrado, cubo o la que corresponda.

Comencemos por el Cuadrado de un Binomio, que al aplicarlo en un número complejo, debes pensar que "a" es la parte entera y "b" la parte imaginaria. Recuerda.

$$\begin{aligned} i^0 &= 1 \\ i^1 &= i \\ i^2 &= -1 \\ i^3 &= -i \\ i^4 &= 1 \end{aligned}$$

$$(a + bi)^2 = a^2 + 2abi + b^2$$

### 1) A practicar!

- a) **Comencemos con el Cuadrado de un Binomio:** Para calcular el cuadrado de un número complejo, aplicaremos la formula, y para esto identificaremos quien es "a" y quien es "b". **Comencemos:**

$(-3 + 2i)^2$	<b>Para este ejercicio, consideraremos:</b>
	a = -3 b = 2i
	Que reemplazaremos en la formula: $a^2 + 2ab + b^2$
$(-3 + 2i)^2 =$	$(-3)^2 + 2(-3)(2i) + (2i)^2$ Reemplazamos en Formula
9 - 12i + 4i <sup>2</sup>	Resolvemos
9 - 12i + 4(-1)	Recuerda que $i^2 = -1$
9 - 12i - 4	Resolvemos

$(-3 + 2i)^2 = (5 - 12i)$	Agrupamos y llegamos al resultado
---------------------------	-----------------------------------

El cuadrado de un número complejo, también podríamos haberlo calculado por medio de la multiplicación (propiedad distributiva)

b)  $(-2 + 3i)^2$  R:  $(-5 - 12i)$

c)  $(-3 - 2i)^2$  R:  $(-5 + 12i)$

d)  $(-2 - 3i)^2$  R:  $(-5 + 12i)$

e)  $(1 + 2i)^2$  R:  $(-3 + 4i)$

f)  $(-6 - 8i)^2$  R:  $(-28 + 96i)$

g)  $\frac{1}{3}(3i)^2$  R:  $-3$



# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

h)  $(1 - 5i)^2$

R:  $(-24 - 10i)$



i)  $-(-4 - 2i)^2$

R:  $(-12 - 16i)$



j)  $2(2 + 3i)^2$

R:  $(-10 + 24i)$



k)  $\left(\frac{1}{3} - \frac{3i}{2}\right)^2$

R:  $\left(-\frac{77}{36} - i\right)$



l)  $\frac{3}{2}\left(\frac{2}{3} + \frac{6}{5}i\right)$

Cuidado!

R:  $\left(1 + \frac{9}{5}i\right)$



m)  $\frac{1}{2}\left(1 - \frac{2}{3}i\right)^2$



R:  $\left(\frac{5}{18} - \frac{2}{3}i\right)$

## Triangulo de Pascal

Antes de continuar repasando o aprendiendo nuevas Formulas para calcular potencias de un binomio, que para nuestro caso, serán Potencias de un Número Complejo, repasemos rápidamente de donde salen estas fórmulas, aprendamos a usarlas, y construirlas si no las recordamos. Es muy simple y rápido.

Cuando apliques cualquiera de estas fórmula en un número complejo, debes pensar que, "a" es la primera parte del binomio complejo, y "b" la segunda parte.

Fila 00	1	»»→
Fila 01	1 1	»»→
Fila 02	1 2 1	»»→
Fila 03	1 3 3 1	»»→
Fila 04	1 4 6 4 1	»»→
Fila 05	1 5 10 10 5 1	»»→



Otra vez yo..!!!

## Videos Recomendados

Video 01	<a href="https://youtu.be/OVtLJiebApk">https://youtu.be/OVtLJiebApk</a>
Video 02	<a href="https://youtu.be/9ri5dwV2K6E">https://youtu.be/9ri5dwV2K6E</a>
Video 03	<a href="https://youtu.be/wzrXsxX-7pw">https://youtu.be/wzrXsxX-7pw</a>

$$\begin{aligned} (a+b)^0 &= 1 \\ (a+b)^1 &= 1a^1 + 1b^1 \\ (a+b)^2 &= 1a^2 + 2a^1b^1 + 1b^2 \\ (a+b)^3 &= 1a^3 + 3a^2b^1 + 3a^1b^2 + 1b^3 \\ (a+b)^4 &= 1a^4 + 4a^3b^1 + 6a^2b^2 + 4a^1b^3 + 1b^4 \\ (a+b)^5 &= 1a^5 + 5a^4b^1 + 10a^3b^2 + 10a^2b^3 + 5a^1b^4 + 1b^5 \end{aligned}$$

## 2) Apliquemos lo aprendido.

a) Copia en tu carpeta el Triangulo de Pascal, y escribe las filas 6, 7 y 8.



b)  $(1 - i)^5$

R:  $(-4 + 4i)$



c)  $(2 + i)^6$

R:  $(-117 + 44i)$



d)  $(-5 + 6i)^3$

R:  $(415 + 234i)$





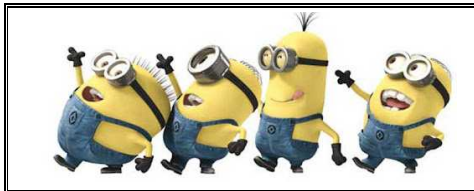
## Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

e)  $(\sqrt{-4} - 1)^3$  R:  $(11 - 2i)$



f)  $(1 - 3i)^3$  R:  $(-26 + 18i)$



g)  $(-2 - 2i)^4$  R:  $-64$



h)  $-(1 + 2i)^5$  R:  $(-41 + 38i)$



i)  $-(2i)^6$  R:  $64$



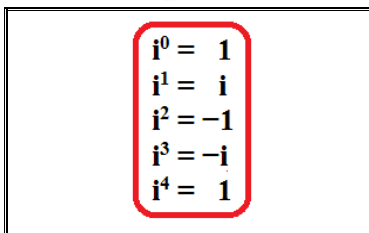
j)  $(-3 + 2i)^3$  R:  $(9 + 46i)$



k)  $\frac{1}{9}(-3 + 6i)^3$  R:  $(33 - 6i)$



l)  $\frac{1}{4}(1+i)^5$  R:  $(-1 - i)$



m)  $\frac{1}{2}(1+3i)^3$  R:  $(-13 - 9i)$



n)  $\frac{9}{2}\left(\frac{1}{3} + \frac{1}{9}i\right)^2$  R:  $\left(\frac{4}{9} + \frac{1}{3}i\right)$



o)  $\frac{i^5}{2}(3+i)^2$  R:  $(-3 + 4i)$



p)  $(1 + \sqrt{3}i)^2$  R:  $(-2 + 2\sqrt{3}i)$



q)  $\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i\right)^3$  R:  $27i$



r)  $(1 + \sqrt{3}i)^6$  R:  $64$





# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

s)  $\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i\right)^4$

Un Verdadero desafío!  
Si no te sientes capaz de resolverlo, puedes elegir otro en su lugar

R: -1

## División Entre Números Complejos

### Videos Recomendados

Dividir Números Complejos (Parte I)	<a href="https://youtu.be/8ZkkzyzXFcY">https://youtu.be/8ZkkzyzXFcY</a>
Dividir Números Complejos (Parte II)	<a href="https://youtu.be/FZFRLKw9OvM">https://youtu.be/FZFRLKw9OvM</a>

Para dividir complejos, deberemos hacer uso de todos los conocimientos anteriormente adquiridos, por lo tanto avanzaremos paso a paso, comenzando por lo más fácil y de paso, repasando algunos conceptos. Y algo que debes saber, es que no puede quedar "i" o cualquier múltiplo de "i" en el denominador. Lo más fácil. Trataremos a la división como una fracción.

3) **Simplifica** la fracción usando un factor que tengan en común el numerador y el denominador.

a)  $\frac{-24i}{6}$  Analicemos paso a paso todo el procedimiento. R: -4i

**Paso 1:**

Buscamos el o los factores comunes al numerador y denominador.

24	2	6	2
12	3	3	3
4	2	1	
2	2	-	
1			

Una vez encontrados los factores comunes entre numerador y denominador (el 2 y el 3), los agrupamos y ordenamos de la forma que mejor nos convenga.

**Paso 2:**

Este se puede omitir, es solo para entender como separamos los números.

$$\frac{-24i}{6} = \frac{-2.2.i \cdot 2.3}{2.3}$$

**Paso 3:**

$$= \frac{-4i \cdot 6}{6}$$

**Paso 4:**

Separo y queda en evidencia lo que se simplificará

$$= -4i \cdot \frac{6}{6}$$

**Paso 5:**

Simplifico y multiplico

$$= -4i \cdot 1$$

**Paso 6:** Queda el Resultado ==>

$$= -4i$$



También se podría haber simplificado dividiendo directamente ambos miembros por 6, pero quería poner en evidencia como simplificar la fracción. En los próximos ejercicios, la simplificación será mas directa.



b)  $\frac{32i}{6i}$  Analicemos paso a paso todo el procedimiento. R:  $\frac{16}{3}$

**Paso 1:**

Buscamos el o los factores comunes al numerador y denominador.

32	2	6	2
16	2	3	3
8	2	1	
4	2		
2	2		
1			

Una vez encontrados los factores comunes entre numerador y denominador (Solamente el 2i), los agrupamos y ordenamos de la forma que mejor nos convenga.

**Paso 2:**

Este se puede omitir, es solo para entender como separamos los números.

$$\frac{32i}{6i} = \frac{16 \cdot 2i}{3 \cdot 2i}$$

**Paso 3:**

Separo y queda en evidencia lo que se simplificará

$$= \frac{16}{3} \cdot \frac{2i}{2i}$$

**Paso 4:**

Simplifico y queda el Resultado ==>

$$= \frac{16}{3}$$



También se podría haber simplificado dividiendo directamente ambos miembros por "2i", pero quería poner en evidencia como simplificar la fracción. En los próximos ejercicios, la simplificación será más directa.





# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

c)  $\frac{34i}{17i}$

R:



d)  $\frac{27i}{9i}$

R:



e)  $\frac{33i}{11}$

R:



f)  $\frac{44i}{22}$

R:



g)  $\frac{4i}{12}$

R:



h)  $\frac{16i}{12}$

R:



i)  $\frac{77i}{22}$

R:



Recuerda que, no puede quedar "i" o cualquier múltiplo de "i" en el denominador. Y para solucionarlo usaremos el mismo método que en la racionalización (recuerda que hay varios casos).

A la derecha, encontrarás la tabla con los primeros valores de i, por si los necesitas consultar.

$i^0 = 1$
$i^1 = i$
$i^2 = -1$
$i^3 = -i$
$i^4 = 1$



j)  $\frac{3}{i}$

Analicemos paso a paso todo el procedimiento.

R:

<b>Paso 1:</b> Multiplicamos y dividimos por "i"	$\frac{3}{i} = \frac{3}{i} \cdot \frac{i}{i}$ (racionalizo el denominador)	
<b>Paso 2:</b> Resolvemos multiplicación planteada.	$= \frac{3i}{i^2}$	
<b>Paso 3:</b> Ahora reemplazaremos $i^2$ por su valor <b>-1</b> . Ver tabla de valores de <b>i</b> .	$= \frac{3i}{-1}$	
<b>Paso 4:</b> Resuelvo y obtengo el Resultado ==>	$\frac{3}{i} = -3i$	

Te recomiendo hacer un rápido repaso de los 3 casos de **racionalización** estudiados.





# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

k)  $\frac{56}{-7i}$

Analicemos paso a paso todo el procedimiento.

R:  $8i$

Como vimos antes, si se puede, primero hay que simplificar descomponiendo los números en sus factores.

**Paso 1:**

Simplifico la fracción, para esto separo el número 56 en sus dos factores 8x7

$$\frac{56}{-7i} = \frac{8}{-i} \cdot \frac{7}{7}$$

De esta forma, separo la fracción en dos fracciones, en las que una se puede simplificar y desaparece.

**Paso 2:**

Al simplificar 7 con 7, quedará 1 dividido 1, que es igual a 1.

$$= \frac{8}{-i} \cdot \frac{1}{1}$$

**Paso 3:**

Habiendo simplificado, queda: ==>

$$= \frac{8}{-i}$$

Y ahora puedo racionalizar al denominador

En la racionalización del denominador de una fracción, se nos podrían presentar varios casos. En este ejercicio, es el primero, y debemos multiplicar y dividir la fracción por el valor imaginario. Podemos multiplicar y dividir por  $i$  o por  $-i$  (usar o no el signo negativo), ya que el resultado será el mismo. **Verificalo.**

**Paso 4:**

Comienzo la racionalización.

$$= \frac{8}{-i} \cdot \frac{i}{i}$$

Como ya vimos:  $i^2 = (i)(i)$

**Paso 5:**

Resuelvo.

$$= \frac{8i}{-i^2}$$

Y recuerda que:  $i^2 = (i)(i) = -1$

**Paso 6:**

Reemplazo  $i^2$  por su valor  $-1$ . Cuidado con los signos.

$$= \frac{8i}{-(-1)}$$

Aplico regla de los signos.

**Paso 7:**

Y como todo valor no se altera al ser dividido por uno...

$$= \frac{8i}{1}$$

**Paso 8:**

Resuelvo y obtengo el resultado ==>

$$= 8i$$

l)  $\frac{28}{-7i}$

Recuerda primero simplificar, luego racionalizas el denominador.!

R:  $4i$

m)  $\frac{12}{6i}$

R:  $-2i$

n)  $\frac{18}{3i}$

R:  $-6i$

o)  $\frac{-4i}{24i^2}$

R:  $\frac{1}{6}i$

p)  $\frac{-54i}{-6i^3}$

R:  $-9$

q)  $\frac{66i}{22i^2}$

R:  $-3i$



# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

r)  $\frac{-2\sqrt{3}}{i\sqrt{3}}$

R:  $2i$



s)  $\frac{-2}{3i\sqrt{3}}$

R:  $\frac{2\sqrt{3}}{9}i$



t)  $\frac{-1}{i\sqrt{1}}$

Cuidado, hay una trampa.!

R:  $i$



## 4) Resolver

a)  $\frac{3}{\sqrt{-1}}$

Analícemos paso a paso todo el procedimiento.

R:  $-3i$

Debido a que **la raíz de menos uno**, solo se puede resolver en el campo de los números imaginarios, primero deberemos transformarla.

**Paso 1:**  
Recordemos un Poco:  $i = \sqrt{-1}$   $\frac{3}{\sqrt{-1}} = \frac{3}{i}$  Reemplazamos **la raíz de menos uno**, por  $i$

**Paso 2:**  
racionalizamos el denominador, para esto multiplicamos y dividimos por "i"  $\frac{3}{i} = \frac{3 \cdot i}{i \cdot i}$  (Presta atención, que este ejercicio, desde este punto, ya lo resolvimos un poco mas arriba)

**Paso 3:**  
Resolvemos multiplicación planteada.  $= \frac{3i}{i^2}$

**Paso 4:**  
Ahora reemplazaremos  $i^2$  por su valor **-1**.  
Ver tabla de valores de  $i$ .  $= \frac{3i}{-1}$

**Paso 5:**  
Resuelvo y obtengo el Resultado  $===>$   $= -3i$



b)  $\frac{-2}{\sqrt{-9}}$

Analícemos paso a paso todo el proceso.

R:  $\frac{2}{3}i$

**Paso 1:**  
Separo el **-9** en dos factores o elementos que multiplicados dan como resultado **-9**

$$\frac{-2}{\sqrt{-9}} = \frac{-2}{\sqrt{9 \cdot (-1)}}$$

**Paso 2:**  
Separo la Raíz de un producto en el producto de las raíces.

$$= \frac{-2}{\sqrt{9} \sqrt{-1}}$$

**Paso 3:**  
Resuelvo la Raíz de 9

$$= \frac{-2}{3\sqrt{-1}}$$

Y recuerda que

**Paso 4:**  
Reemplazo **raíz de -1** por su igual  $i$

$$= \frac{-2}{3i}$$

Entonces reemplazo **raíz de -1** por  $i$

**Paso 5:**  
Multiplico y divido la fracción por  $3i$

$$= \frac{-2}{3i} \cdot \frac{3i}{3i}$$

Resuelvo y ...

**Paso 6:**  
Encuentro que puedo reemplazar en el denominador  $i^2$  por **-1**

$$= \frac{-2i}{3i^2}$$

Recuerda que  $i^2 = (\sqrt{-1})^2 = -1$   
 $i^2 = (i)(i) = -1$



# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

### Paso 7:

Reemplazo en el denominador  $i^2$  por  $-1$

$$= \frac{-2i}{3 \cdot (-1)}$$

Resuelvo, aplico regla de signos y ...

### Paso 8:

Obtengo el resultado =====>

$$= \frac{2}{3}i$$

c)  $\frac{56}{-\sqrt{-49}}$

Analizamos paso a paso todo el procedimiento.

R: **8i**

Primero que hay que hacer es transformar la raíz con argumento negativo en un valor imaginario, y así resolver el ejercicio.

### Paso 1:

Separo en dos factores al  $-49$

$$\frac{56}{-\sqrt{-49}} = \frac{56}{-\sqrt{49 \cdot (-1)}}$$

De esta forma, aprovecho una de las propiedades de la radicación: **La raíz de un producto, es igual al producto de las raíces..**

### Paso 2:

Al simplificar  $7$  con  $7$ , quedará  $1$  dividido  $1$ , que es igual a  $1$ .

$$= \frac{56}{-\sqrt{49} \cdot \sqrt{-1}}$$

**Resuelvo** la raíz de  $49$  y **reemplazo** la raíz de  $-1$  por  **$i$**

### Paso 3:

Habiendo simplificado, queda: =====>

$$= \frac{56}{-7i}$$

Y este es un problema que resolvimos un poco mas arriba. Por lo tanto, puedes continuar solo desde acá

**Recuerda que antes de racionalizar el denominador debes simplificar la fraccion.**

d)  $\frac{12}{\sqrt{-36}}$

R: **-2i**

e)  $\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{-3}}$

R: **-8i**

f)  $\frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{-20}}$

Te diste cuenta que  $5 \cdot 4 \cdot (-1)$  es igual a  $-20$ ?

R: **-i**

g)  $\frac{-6\sqrt{7}}{\sqrt{-63}}$

Te dejo un par de datos interesantes:  
 $2 \cdot 3 = 6$  y también  $9 \cdot 7 = 63$

R: **2i**

h)  $\frac{\sqrt{20}}{i\sqrt{-980}}$

Recuerda que puedes descomponer los números en sus factores y reacomodarlos como más te convenga

$$\begin{array}{r} 980 \\ 490 \\ 245 \\ 49 \\ 7 \\ 1 \end{array} \begin{array}{r} 2 \\ 2 \\ 5 \\ 7 \\ 7 \\ 7 \end{array}$$

Analiza esto  
 $-980 = 2 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 5 \cdot (-1)$

Y luego..  
 $-980 = 4 \cdot 49 \cdot 5 \cdot (-1)$

R:  **$-\frac{1}{7}$**

## Videos Recomendados

Dividir Números Complejos (Parte I) <https://youtu.be/8ZkkzyzXFcY>

Dividir Números Complejos (Parte II) <https://youtu.be/FZFRLRk9OvM>



# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

Continuamos con divisiones pero, ahora algo un poquito más avanzado, como siempre, primero multiplicamos el numerador y el denominador (arriba y abajo) por el conjugado complejo del denominador, resolvemos ambos miembros y simplificamos todo lo que se pueda simplificar.

## 5) Resolver

a)  $\frac{3 + 2i}{4 - 5i}$

Analicemos paso a paso todo el procedimiento.

R:  $\left(\frac{2}{41} + \frac{23}{41}i\right)$

**Paso 1:** Multiplicamos el numerador y el denominador por el conjugado complejo

$$\frac{3 + 2i}{4 - 5i} = \frac{3 + 2i}{4 - 5i} \cdot \frac{4 + 5i}{4 + 5i}$$

**Paso 2:** Desarrollamos la multiplicación en numerador y denominador

$$= \frac{12 + 15i + 8i + 10i^2}{16 + 25}$$

**Paso 3:** Simplificamos (sumamos y restamos los iguales)

$$= \frac{2 + 23i}{41}$$

**Paso 4:** Obtenemos el resultado final ==>

$$= \frac{2}{41} + \frac{23}{41}i$$

$i^0 = 1$   
 $i^1 = i$   
 $i^2 = -1$   
 $i^3 = -i$   
 $i^4 = 1$

b)  $\frac{28 - 4i}{7 + 5i}$

R:  $\left(\frac{88}{37} + \frac{84}{37}i\right)$

c)  $\frac{3 + 5i}{1 - 2i}$

R:  $-\frac{7}{5} + \frac{11}{5}i$

d)  $\frac{3 + 2i}{1 - 2i}$

Analicemos paso a paso todo el procedimiento.

R:  $\left(-\frac{1}{5} - \frac{8}{5}i\right)$

**Paso 1:** Multiplicamos el numerador y el denominador por el conjugado complejo

$$\frac{3 + 2i}{1 - 2i} = \frac{(3 + 2i) \cdot (1 + 2i)}{(1 - 2i) \cdot (1 + 2i)}$$

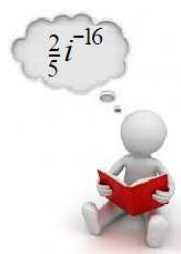
**Paso 2:** Desarrollamos la multiplicación en numerador y denominador

$$= \frac{3 + 6i + 2i + 4i^2}{1 - (2i)^2}$$

**Paso 3:** Reemplazamos por sus iguales, simplificamos (sumamos y restamos los iguales)

$$= \frac{3 + 8i - 4}{1 + 4}$$

**Paso 4:** Obtenemos el resultado final ==>

$$= -\frac{1}{5} + \frac{8}{5}i$$


e)  $\frac{56 - 8i}{14 + 10i}$

Recuerda que puedes simplificar la ecuación antes de comenzar con la división, aunque no es obligatorio hacerlo. Y el resultado es único.

R:  $\left(\frac{88}{37} + \frac{84}{37}i\right)$

f)  $\frac{5 - 3i}{2 + i}$

R:  $\frac{7}{5} - \frac{11}{5}i$

g)  $\frac{1 - 2i}{1 + 2i}$

Analicemos paso a paso todo el procedimiento.

R:  $\left(-\frac{3}{5} - \frac{4}{5}i\right)$

**Paso 1:** Multiplicamos el numerador y el denominador por el conjugado complejo

$$\frac{1 - 2i}{1 + 2i} = \frac{(1 - 2i)(1 - 2i)}{(1 + 2i)(1 - 2i)}$$



# Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

<b>Paso 2:</b> Desarrollamos la multiplicación en numerador y denominador	$= \frac{1 - 2i - 2i + 4i^2}{1 - (2i)^2}$
<b>Paso 3:</b> Reemplazamos por sus iguales, simplificamos (sumamos y restamos los iguales)	$= \frac{1 - 4i + 4(-1)}{1 - 4i^2}$
<b>Paso 4:</b> sumamos y restamos los iguales	$= \frac{1 - 4i - 4}{1 - 4(-1)}$
<b>Paso 5:</b> .	$= \frac{-3 - 4i}{5}$
<b>Paso 6:</b> Obtenemos el resultado final	$= -\frac{3}{5} - \frac{4}{5}i$

h)  $\frac{4 + 2i}{i}$

R:  $2 - 4i$

i)  $\frac{2i + \frac{1}{3}}{-3i - \frac{1}{3}}$

R:  $-\frac{55}{82} + \frac{3}{82}i$

j)  $\frac{2 - 2i}{4 + 3i}$

R:  $\frac{2}{25} - \frac{14}{25}i$

k)  $\frac{5 + i}{5 + 3i}$

R:  $\frac{14}{17} - \frac{5}{17}i$

l)  $\frac{1 - i}{-2 + i}$

R:  $-\frac{3}{5} + \frac{1}{5}i$

m)  $\frac{3 + 2i}{5i}$

R:  $\frac{2}{5} - \frac{3}{5}i$

n)  $\frac{7i}{2 - i}$

R:  $\frac{14i - 1}{5}$

o)  $\frac{10 + 5i}{4 + 8i}$

R:  $1 - \frac{3}{4}i$

p)  $\frac{1 + 3i}{2 - 3i}$

R:  $-\frac{7}{13} + \frac{9}{13}i$



## Números Imaginarios y Complejos (Parte II)

(Castelli Horacio P.)

q)  $\frac{\sqrt{3}i+1}{2-\sqrt{3}i}$

R:  $\frac{-1+3\sqrt{3}i}{7}$



r)  $\frac{9-i}{(4+2i)\cdot(1-i)}$

R:  $\frac{7}{5} + \frac{3}{10}i$



s)  $\frac{(4+2i)\cdot(2-i)}{4-5i}$

R:  $\frac{40}{41} + \frac{50}{41}i$



t)  $\frac{(8+i)^2}{2+i}$

R:  $\frac{142}{5} - \frac{31}{5}i$



u)  $\frac{(-3+2i)^3}{1+i}$

R:  $\frac{55}{2} + \frac{37}{2}i$



v)  $\frac{(4i)^2 \cdot (6+2i) + 7}{4+i}$

R:  $-\frac{388}{17} - \frac{39}{17}i$



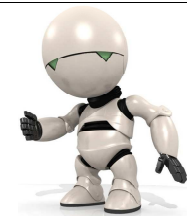
w)  $\frac{(36i + \sqrt{-81}) - \sqrt{-9}}{\sqrt{\frac{2}{3}} \sqrt{-\frac{3}{2}}}$

Y para terminar esta serie de ejercicios, lo haremos con un chiste, que deberán resolver con toda seriedad y al hacerlo, encontrarán la respuesta del "sentido de la vida, el universo y todo lo demás".

R: 42

Y quiero suponer que, después de buscar en Internet la respuesta que les patea, y verificar el resultado, resolverán con toda seriedad el problema que se les patea. Dejo una secuencia de pasos, que puedes usar para resolver este ejercicio.

- Resuelve el denominador. Puedes usar la propiedad de raíces que dice: el producto de raíces con igual índice será igual a la raíz del producto de sus radicandos.
- Aplicas lo aprendido sobre raíces con valor negativo, y reemplázalo por su valor imaginario.
- Racionaliza el denominador, y elimina el valor imaginario del denominador.
- resuelves tranquilamente el numerador.



### MIRA.. Ya casi...!





## Operaciones que contienen Potencias de $i$

Videos Recomendados	
Números Complejos - Sumas con Potencias (Parte I)	<a href="https://youtu.be/CbPWuT9MiFo">https://youtu.be/CbPWuT9MiFo</a>
Números Complejos - Sumas con Potencias (Parte II)	<a href="https://youtu.be/X5EyUDpTFs0">https://youtu.be/X5EyUDpTFs0</a>
Números Complejos - Potencias de Potencias	<a href="https://youtu.be/hixXmDAoa3c">https://youtu.be/hixXmDAoa3c</a>
Números Complejos - Multiplicaciones y Divisiones (Parte I)	<a href="https://youtu.be/vrN5Aoy3yzI">https://youtu.be/vrN5Aoy3yzI</a>
Números Complejos - Multiplicaciones y Divisiones (Parte II)	<a href="https://youtu.be/A8ug0U3pJPw">https://youtu.be/A8ug0U3pJPw</a>

### 6) Y ahora a Investigar !

- Como se representan Gráficamente los números complejos? explica y da 4 ejemplos (uno en cada cuadrante).
- Representar Gráficamente la Suma de Números Complejos. **Explicar.**
- Representar Gráficamente la Resta de Números Complejos. **Explicar.**



.  
..  
...  
....  
.....  
Por ahora..... :)